

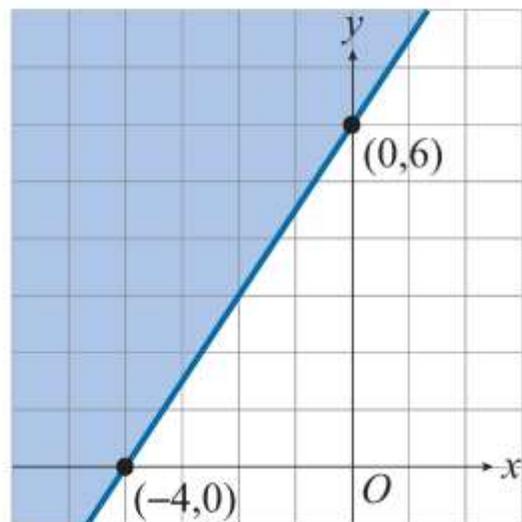
### C4\_1-1

不等式  $2x+5y-10 > 0$  的圖形不通過第 三 象限。

下列哪個點在不等式  $x-3y+5 < 0$  的圖形內？ (D)

(A)(1,2) (B)(4,2) (C)(0,0) (D)(-1,2)。

右圖為不等式  $ax+by-12 \geq 0$  的圖形，則  $a+b =$  -1。



設點  $A(3,7)$ 、 $B(-1,2)$ ，則包含直線  $AB$  且不含原點的二元一次不等式為

$5x-4y+13 \leq 0$ 。

設不等式  $5x-2y+k < 0$  的圖形包含原點，但不包含點  $(2,3)$ ，則  $k$  的範圍為

$-4 \leq k < 0$ 。

設直線  $L: ax - y + a + 3 = 0$ ， $a$  為實數：

(1) 若點  $(1,1)$  在  $L$  的下方，則  $a$  的範圍為  $a > -1$ 。

(2) 若點  $A(-2,3)$  與  $B(1,5)$  在  $L$  的同側，則  $a$  的範圍為  $0 < a < 1$ 。

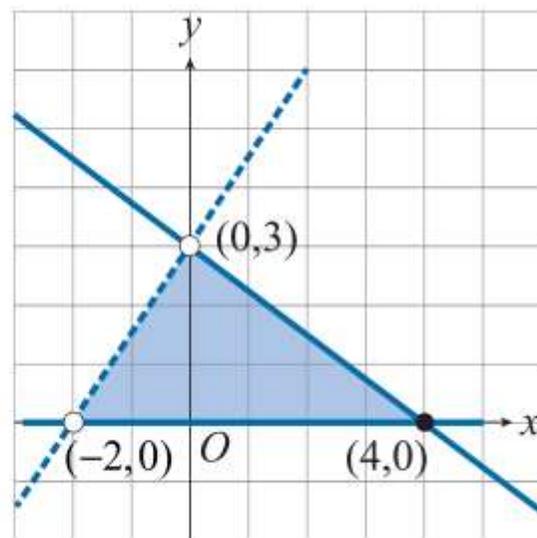
(3) 設點  $P(1,-1)$ 、 $Q(0,2)$ ，若  $\overline{PQ}$  和直線  $L$  有交點，則  $a$  的範圍為  $-2 \leq a \leq -1$ 。

聯立不等式  $\begin{cases} -2 \leq 2x - y \leq 2 \\ -2 \leq 2x + y \leq 2 \end{cases}$  的圖形面積為 4 平方單位。

聯立不等式  $\begin{cases} x + y \leq 8 \\ 1 \leq x \leq 6 \\ 1 \leq y \leq 6 \end{cases}$  的圖形面積為 17 平方單位。

不等式  $4x + 3y < 15$  的正整數解有 5 組。

滿足右圖的二元一次聯立不等式為  $\begin{cases} y \geq 0 \\ 3x - 2y + 6 > 0 \\ 3x + 4y - 12 \leq 0 \end{cases}$ 。

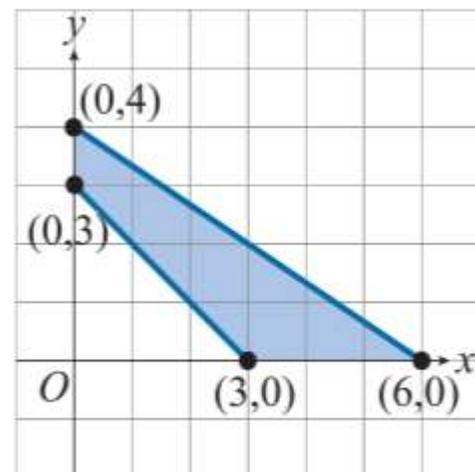


不等式 $(2x - y - 6)(2x + y - 6) \geq 0$ 的圖形，在 $0 \leq x \leq 3$ 、 $0 \leq y \leq 6$ 區域內的面積為 9 平方單位。

若點 $(a, -2)$ 在聯立不等式 $\begin{cases} 2x + y - 4 < 0 \\ x - 3y + 5 \geq 0 \end{cases}$ 的圖形內，則實數 $a$ 的範圍為  $-11 \leq a < 3$ 。

若點 $P(3, a)$ 在三直線 $x + y = 5$ 、 $x - y = 3$ 、 $y = -3$ 所圍成的三角形內部，則實數 $a$ 的範圍為  $-3 < a < 0$ 。

設一線性規劃的可行解區域如右圖，則  $f(x, y) = x + 2y$  的最大值 = 8。



在  $\begin{cases} x \geq 0, y \geq 0 \\ x - 2y \geq -2 \\ 2x + y \leq 6 \end{cases}$  條件下， $f(x, y) = x + 2y$  的最大值 = 6。

在滿足聯立不等式  $\begin{cases} x - 2y \geq -6 \\ 7x - 2y \leq 18 \\ x + y \geq 0 \end{cases}$  的條件下， $f(x, y) = x - y$  的最大值 = 4，

最小值 = -4。

在滿足  $\begin{cases} 1 \leq x \leq 4 \\ x + y \leq 7 \\ x + 3y \geq 4 \end{cases}$  的條件下， $f(x, y) = 2x + y + 3$  在  $(x, y) =$  (4, 3) 時有最大值  
= 14。

在滿足  $\begin{cases} x \geq 0, y \geq 0 \\ x + y \geq 30 \\ x + 2y \geq 50 \end{cases}$  條件下， $f(x, y) = 2x + 3y$  的最小值 = 80。

一農夫有 2 甲農地，根據以往經驗，種玉米每甲每期產量為 8000 公斤，種花生每甲每期產量為 2000 公斤；玉米每甲成本 24000 元，花生每甲成本 8000 元。若玉米每公斤賣價 6 元，花生每公斤賣價 10 元，他現有資金 40000 元，只種玉米和花生。設農夫種玉米  $x$  甲，花生  $y$  甲，則：

(1) 限制式為  $\begin{cases} x \geq 0, y \geq 0 \\ x + y \leq 2 \\ 3x + y \leq 5 \end{cases}$ 。

(2) 收益（收入減去成本）函數  $f(x, y) = \underline{24000x + 12000y}$ 。

(3) 最佳解  $(x, y) = \underline{\left(\frac{3}{2}, \frac{1}{2}\right)}$ 。

(4) 最大利益 = 42000 元。

在面積3000平方公尺的建築用地上，以不超過2000萬元的經費建造甲、乙兩種不同形式的住宅。已知甲種住宅每戶占地200平方公尺，造價400萬元，可獲利200萬元；乙種住宅每戶占地300平方公尺，造價100萬元，獲利250萬元，則應建甲種住宅 3 戶，乙種住宅 8 戶，可得最大獲利 2600 萬元。

想利用  $A$ 、 $B$  兩種不同規格的木板裁切成三種不同形狀的積木，且每塊  $A$  木板可裁切成正方形2個、長方形8個、三角形1個；每塊  $B$  木板可裁切成正方形7個、長方形2個、三角形1個。若今需要正方形20個、長方形16個、三角形5個，而  $A$  木板每塊售價2000元， $B$  木板每塊售價3000元，則應購買  $A$  木板 3 塊， $B$  木板 2 塊，可使花費最少為 12000 元。

線性規劃是作業研究的模型之一，而作業研究起源於第二次世界大戰，當時資源少、戰場範圍大、軍事作業繁複，亟需一套科學方法來做資源的有效分配，因此英、美兩國的軍事當局請了一群專家來研究改善軍事作業的方法，其結果對英國本土空戰、太平洋戰事、軍艦潛艇護航搜索等軍事行動，均有極大貢獻。

某軍備公司生產的防毒防護衣，存放在甲、乙兩倉庫各40套。現A軍營需20套、B軍營需30套，各倉庫運送到各軍營每套運費如右表。設自甲倉庫運 $x$ 套到A軍營，運 $y$ 套到B軍營，則

$(x, y) = \underline{(10, 0)}$  時得最低運費 = 18000 元。

軍營 倉庫	A	B
甲	500 元	450 元
乙	400 元	300 元

[素養導向]