

**13-2**

設  $\sqrt{x^2 + y^2} + \sqrt{(x-5)^2 + (y+12)^2} = k$  的圖形是橢圓，則常數  $k$  的範圍為\_\_\_\_\_。

**看解說**

橢圓  $\sqrt{(x+4)^2 + (y+1)^2} + \sqrt{(x-4)^2 + (y+1)^2} = 10$ ，則

(1) 中心為\_\_\_\_\_。

(2) 長軸兩頂點為\_\_\_\_\_。

**看解說**

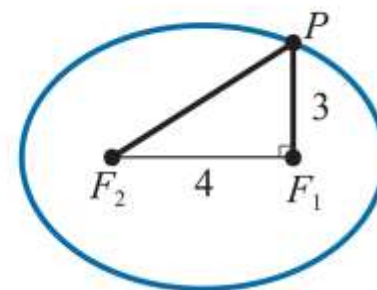
平面上兩點  $F_1(-1, 2)$ 、 $F_2(-1, -2)$ ，若  $\overline{PF_1} + \overline{PF_2} = 6$ ，則所有  $P$  點所形成之圖形方程式為\_\_\_\_\_。

**看解說**

設方程式  $\frac{x^2}{4-t} + \frac{y^2}{t-1} = 1$  為橢圓且長軸在  $x$  軸上，則  $t$  之範圍為\_\_\_\_\_。

### 看解說

右圖是一個以  $F_1$ 、 $F_2$  為焦點的橢圓， $P$  為橢圓上一點。若  $\triangle PF_1F_2$  是一個直角三角形，且  $\overline{PF_1} = 3$ ， $\overline{F_1F_2} = 4$ ，則此橢圓的長軸長為\_\_\_\_\_，短軸長為\_\_\_\_\_。



### 看解說

已知一橢圓的長軸長是兩焦點距離的 2 倍，且正焦弦長為 6，則此橢圓的長軸長為\_\_\_\_\_。

### 看解說

設  $F_1$ 、 $F_2$  為橢圓  $25x^2 + 9y^2 + 50x + 90y + 25 = 0$  的兩焦點，又  $P$  為橢圓上任一點，則  $\overline{PF_1} + \overline{PF_2} =$ \_\_\_\_\_。

### 看解說

試求滿足下列條件的橢圓方程式：

(1) 長軸上的頂點為  $(1, 2)$ 、 $(9, 2)$ ，短軸長為 4，則此橢圓方程式為\_\_\_\_\_。

(2) 一焦點為  $(6, 6)$ ，短軸在  $y = 3$  上，且短軸長為 8，則此橢圓方程式為\_\_\_\_\_。

[看解說](#)

設  $A$ 、 $B$  為橢圓  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$  兩焦點， $P$  為橢圓上任意點，則  $\triangle PAB$  面積的最大值為\_\_\_\_\_平方單位。

[看解說](#)

已知一橢圓方程式為  $\frac{(x+1)^2}{25} + \frac{(y-1)^2}{9} = 1$ 。若點  $P(x, y)$  為此橢圓上任一點，

則  $\sqrt{(x+5)^2 + (y-1)^2} + \sqrt{(x-3)^2 + (y-1)^2} =$ \_\_\_\_\_。

【統測】

[看解說](#)

已知橢圓  $\frac{x^2}{k^2+1} + \frac{y^2}{2-k} = 1$  與橢圓  $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$  有共同的焦點，則實數  $k =$  \_\_\_\_\_。

[看解說](#)