

ch02_三角函數

試求 $\tan 2025^\circ + \sec 2025^\circ = ?$

- (A) $-1-\sqrt{2}$ (B) $1-\sqrt{2}$ (C) $-1+\sqrt{2}$ (D) $1+\sqrt{2}$

【114C04】

Ans : (B)

key : 同界角 $\rightarrow \theta - \varphi = 360^\circ \times k$ (k 為整數)

$$\tan 45^\circ = 1 \rightarrow \tan 225^\circ = \tan 45^\circ = 1 ; \sec 45^\circ = \sqrt{2} \rightarrow \sec 225^\circ = -\sec 45^\circ = -\sqrt{2}$$

試問點 $(\sin 155^\circ - \sin 55^\circ, \cos 222^\circ - \cos 122^\circ)$ 在第幾象限？

(A) 一 (B) 二 (C) 三 (D) 四

【114C08】

Ans : (C)

key : $\sin 155^\circ = \sin(180^\circ - 25^\circ) = \sin 25^\circ$; $\cos 222^\circ = \cos(180^\circ + 42^\circ) = -\cos 42^\circ$;

$\cos 122^\circ = \cos(180^\circ - 58^\circ) = -\cos 58^\circ$

第一象限內， $\sin \theta$ 遞增 $\rightarrow \sin 25^\circ < \sin 55^\circ$ ， $\cos \theta$ 遞減 $\rightarrow \sin 42^\circ < \sin 58^\circ$

已知 $\triangle ABC$ 中， $\overline{AB} = 2$ 且 $\angle C = 60^\circ$ 。若 $\overline{AC} : \overline{BC} = 1 : 3$ ，則 $\triangle ABC$ 的面積為何？

- (A) $\frac{2\sqrt{3}}{7}$ (B) $\frac{3\sqrt{3}}{7}$ (C) $\frac{4\sqrt{3}}{7}$ (D) $\frac{5\sqrt{3}}{7}$

【114C19】

Ans : (B)

key : 餘弦定理 $\rightarrow c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C$

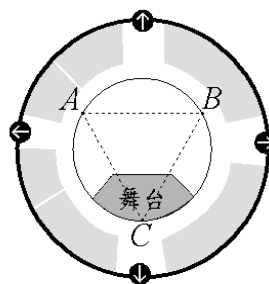
已知兩邊夾一角之三角形面積公式 $\rightarrow \Delta = \frac{1}{2}ab \sin C$

某攝影師參觀一棟圓樓建築，從地面上兩個不同位置點 A 、 B 拍攝一樓圓型展演劇場舞台上位於 C 點的擺飾，如圖所示。已知 A 、 B 、 C 三點所在之圓的半徑為 10 公尺，且 $\angle ACB = 60^\circ$ ，則 A 、 B 兩點的距離為多少公尺？

- (A) $5\sqrt{3}$ (B) 10 (C) $10\sqrt{3}$ (D) 20

Ans : (C)

key : 正弦定理 $\frac{c}{\sin C} = 2R$



【114C20】

若 $180^\circ < \theta < 270^\circ$ 且 $\sin \theta = \sin 2024^\circ$ ，則 $\theta = ?$

- (A) 204° (B) 214° (C) 224° (D) 234°

【113C03】

Ans : (C)

key : 同界角 $\rightarrow \theta - \varphi = 360^\circ \times k$ (k 為整數)

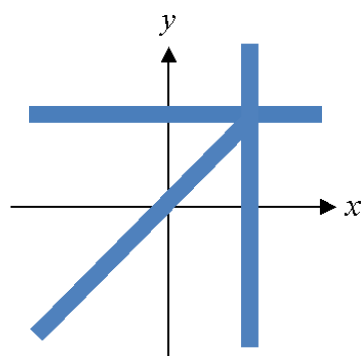
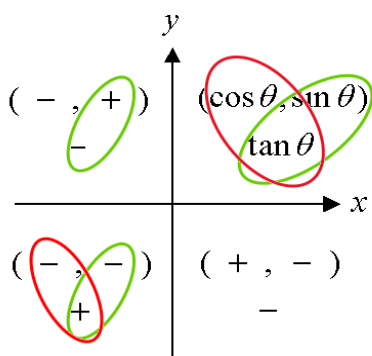
已知 $\sin \theta \tan \theta < 0$ 且 $\cos \theta \cot \theta > 0$ ，則 θ 為第幾象限角？

- (A) 一 (B) 二 (C) 三 (D) 四

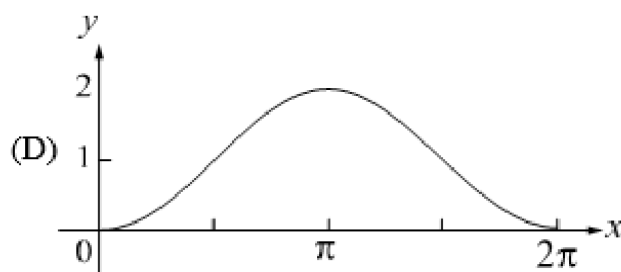
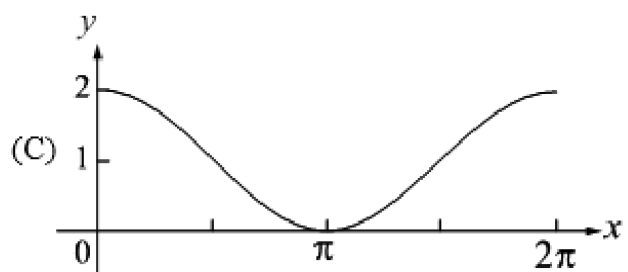
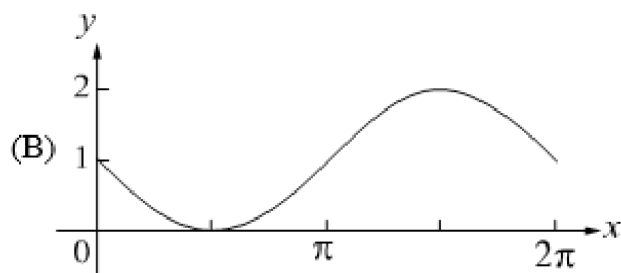
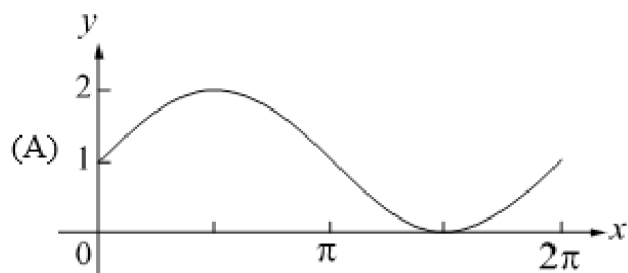
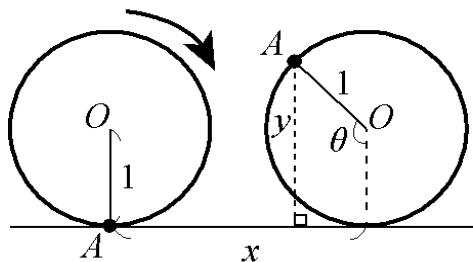
【113C06】

Ans : (B)

key : 如右圖 →



有一個在水平地面上的圓形輪子，其半徑為 1 單位長。輪子上 A 點與地面接觸，如圖所示，當輪子向右滾動，相對於圓心 O 而言， A 點以順時針轉動 θ 角，且輪子中心 O 前進 x 單位長的時候， A 點距離地面的高度為 y 單位長。在坐標平面上，若在 $0 \leq x \leq 2\pi$ 的範圍中， y 可以表示為 x 的函數 $f(x)$ ，則下列圖形何者為 $y = f(x)$ 的圖形？



Ans : (D)

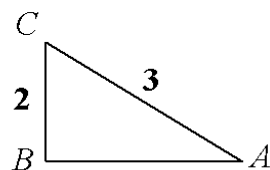
【113C17】

key：弧長 $S = r\theta$ ，此題 $x = S \rightarrow 0 \sim 2\pi$

在 $\triangle ABC$ 中， $\angle B = 90^\circ$ ，如圖所示，且 $\overline{AC} = 3$ 、 $\overline{BC} = 2$ ，則 $\tan A = ?$

- (A) $\frac{3}{\sqrt{5}}$ (B) $\frac{2}{\sqrt{5}}$ (C) $\frac{1}{\sqrt{5}}$ (D) $\frac{1}{3\sqrt{5}}$

Ans : (B)



【112C03】

key : 畢氏定理 $\rightarrow \overline{AB}^2 + \overline{BC}^2 = \overline{AC}^2$

$$\tan A = \frac{\overline{BC}}{\overline{AB}} \text{ (鄰邊分之對邊)}$$

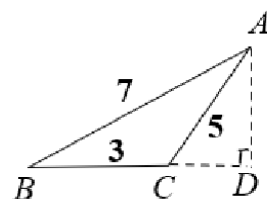
已知 $\triangle ABC$ 三邊長分別為 $\overline{AB}=7$ ， $\overline{BC}=3$ ， $\overline{CA}=5$ ，如圖所示，試求 $\overline{BC}$ 邊上的高 $\overline{AD}=?$

- (A) $\frac{5\sqrt{3}}{4}$ (B) $\frac{4\sqrt{3}}{3}$ (C) $\frac{5\sqrt{3}}{3}$ (D) $\frac{5\sqrt{3}}{2}$

Ans : (D)

key : 海龍公式 $\rightarrow s = \frac{a+b+c}{2}$ ， $\Delta = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$

$$\Delta = \frac{1}{2} \times \text{底} \times \text{高}$$



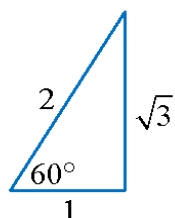
【112C06】

一公路依水平地形迂迴而建，如圖所示。從 O 地到 A 地、 A 地到 B 地、 B 地到 C 地的距離分別為 2、6、4 公里(km)，而 $\overline{OA}$ 與 $\overline{AB}$ 的夾角及 $\overline{AB}$ 與 $\overline{BC}$ 的夾角均為 120° ，則 C 地到 O 地的直線距離為多少公里？

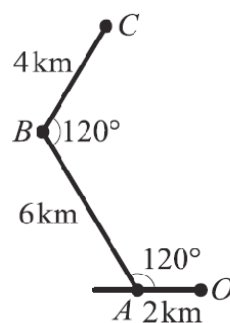
- (A) $2\sqrt{11}$ (B) $2\sqrt{21}$ (C) $2\sqrt{31}$ (D) $2\sqrt{41}$

Ans : (B)

key : 60° 特別角 $\rightarrow$



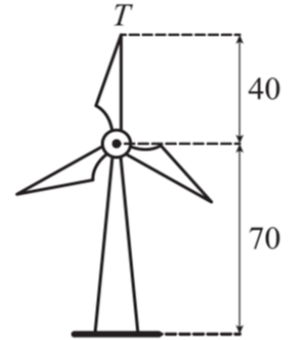
平面上 (x_1, y_1) 、 (x_2, y_2) 兩點間距離公式 $\rightarrow \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$



【112C18】

假設風力發電的風車旋轉軸平行於地面，且有三葉片， T 點為某葉片的頂端，如圖所示，我們想了解 T 點在風車旋轉過程中距離地面的高度變化。已知風車逆時針方向等速旋轉一圈需時 4 秒，且每個葉片長度皆為 40 公尺，其旋轉中心離地面 70 公尺。若風車開始運轉時， T 點恰在離地面最高的位置上，且 x 秒後可用 $f(x) = 40\sin(ax + \frac{\pi}{2}) + 70$ (其中常數 $a > 0$ 且 $0 \leq x \leq 4$) 來描述 T 點離地面的高度(單位：公尺)，則 a 可為下列何者？ 【112C25】

- (A) $\frac{\pi}{3}$
- (B) $\frac{\pi}{2}$
- (C) π
- (D) $\frac{4\pi}{3}$



Ans : (B)

key : $f(x) = A\sin(Bx + C) + D$ 之週期 $T = \frac{2\pi}{|B|}$

下列何者錯誤？

(A) $y = |\sin 2x|$ 之週期為 $\frac{\pi}{2}$ (B) $y = 3\sin x$ 之週期為 2π

(C) $y = \cos 2x$ 之週期為 $\frac{\pi}{2}$ (D) $y = 4\cos x$ 之週期為 2π **【111C04】**

Ans : (C)

key : $f(x) = A\sin(Bx+C)+D$ 之週期 $T = \frac{2\pi}{|B|}$; $f(x) = A\cos(Bx+C)+D$ 之週期 $T = \frac{2\pi}{|B|}$

$f(x) = A|\sin(Bx+C)|+D$ 之週期 $T = \frac{\pi}{|B|}$ (※加絕對值的效果是使分子由 2π 變 π 了！)

若 $\triangle ABC$ 之三邊長為 4、5、6，則其外接圓直徑為何

- (A) $\frac{8}{\sqrt{7}}$ (B) $\frac{12}{\sqrt{7}}$ (C) $\frac{16}{\sqrt{7}}$ (D) $\frac{20}{\sqrt{7}}$

【111C22】

Ans : (C)

key：海龍公式 $\rightarrow s = \frac{a+b+c}{2}$ ， $\Delta = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$

$$\text{外接圓半徑 } R = \frac{abc}{4\Delta}$$

已知 $\triangle ABC$ 的面積為 $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ ，其中 $\overline{AB}=3$ 、 $\overline{AC}=2$ ，且 $\angle BAC$ 為鈍角。若 $\overline{BC}$ 的長度為 a ，則 $a^2 = ?$

- (A) $13-6\sqrt{2}$ (B) $13-2\sqrt{6}$ (C) $13+2\sqrt{6}$ (D) $13+6\sqrt{2}$

【111C23】

Ans : (D)

key : 已知兩邊夾一角之三角形面積公式 $\rightarrow \Delta = \frac{1}{2}bc\sin A$

$$\sin(180^\circ - \theta) = \sin \theta ; \cos(180^\circ - \theta) = -\cos \theta$$

$$\text{餘弦定理} \rightarrow a^2 = b^2 + c^2 - 2bc\cos A$$

若 $\tan \theta + \sec \theta = 5$ ，則 $\tan \theta - \sec \theta = ?$

- (A) $-\frac{3}{5}$ (B) $-\frac{1}{5}$ (C) $\frac{1}{5}$ (D) $\frac{3}{5}$

【110C02】

Ans : (B)

key : 商數關係 $\rightarrow \tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta}$; 倒數關係 $\rightarrow \sec \theta = \frac{1}{\cos \theta}$; 平方關係 $\rightarrow \sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$

已知 $\triangle ABC$ 中， a 、 b 、 c 分別為 $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 之對邊長。若 $ab:bc:ca=3:4:6$ ，則

$\sin A:\sin B:\sin C=?$

- (A) $4:3:2$ (B) $4:2:3$ (C) $2:3:4$ (D) $3:2:4$

【110C14】

Ans : (D)

key : 正弦定理 $\rightarrow \frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R \rightarrow \sin A:\sin B:\sin C = a:b:c$

若 $a = \tan 480^\circ$ ， $b = \sec 135^\circ$ ， $c = \cos(-60^\circ)$ ，則下列有序數對何者在第二象限？

- (A) (b, c) (B) (a, b) (C) (c, a) (D) (c, b)

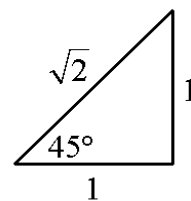
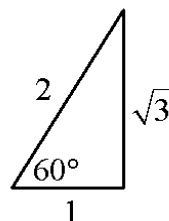
【109C02】

Ans：(A)

key：同界角 $\rightarrow \theta - \varphi = 360^\circ \times k$ (k 為整數)

$$\tan(180^\circ - \theta) = -\tan \theta ; \sec(180^\circ - \theta) = -\sec \theta$$

$$\text{負角關係} \rightarrow \cos(-\theta) = \cos \theta$$



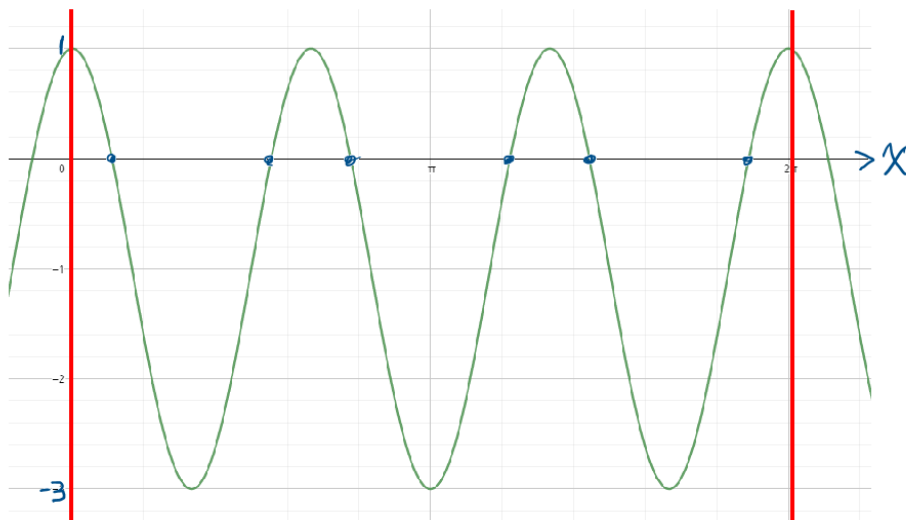
設函數 $f(x) = 2\cos 3x - 1$ ， $x \in [0, 2\pi]$ ，若其圖形和 x 軸的交點個數與函數的最大值分別為 a 、 b ，則 $ab = ?$

- (A) 6 (B) 9 (C) 12 (D) 18

【109C11】

Ans : (A)

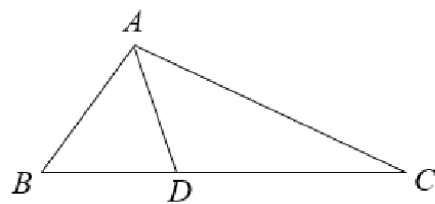
key : $f(x) = A\cos(Bx+C)+D$ 之週期 $T = \frac{2\pi}{|B|}$



在 $\triangle ABC$ 中，若 $\angle A$ 之內角平分線交 $\overline{BC}$ 於 D ，其中 $\overline{AB}=3$ 、 $\overline{AC}=6$ ，且 $\angle A=120^\circ$ ，如圖，則 $\overline{CD}=?$

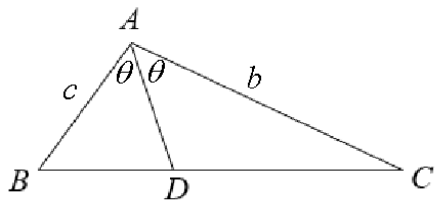
- (A) $\sqrt{26}$ (B) $3\sqrt{3}$ (C) $2\sqrt{7}$ (D) $\sqrt{7}$

Ans : (C)



【109C23】

key：餘弦定理 $\rightarrow a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$



$$\overline{BD}:\overline{CD}=c:b \rightarrow \overline{CD}=\overline{BC} \times \frac{b}{b+c}$$

已知扇形的面積為 1 且其周長為 5，試問此扇形的半徑為何？

- (A) $\frac{2}{5}$ (B) $\frac{1}{2}$ (C) 1 (D) 2

【108C05】

Ans : (D)

key : 扇形弧長 $S = r\theta$; 扇形面積 $A = \frac{1}{2}r^2\theta = \frac{1}{2}rS$

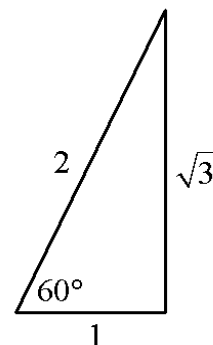
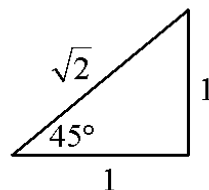
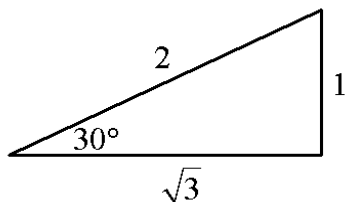
有一梯子斜靠於牆上，且梯子、地面及牆面構成一個 30° 、 60° 、 90° 的直角三角形。若梯子沿牆面下滑 $\frac{1}{2}$ 公尺時，則梯子、地面及牆面構成一個 45° 、 45° 、 90° 的直角三角形。試問梯長為多少公尺？

- (A) $\frac{\sqrt{3}+\sqrt{2}}{2}$ (B) $\frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{2}$ (C) $\sqrt{3}+\sqrt{2}$ (D) $\sqrt{6}+\sqrt{2}$

【108C06】

Ans : (C)

key : 特別角 $\rightarrow$



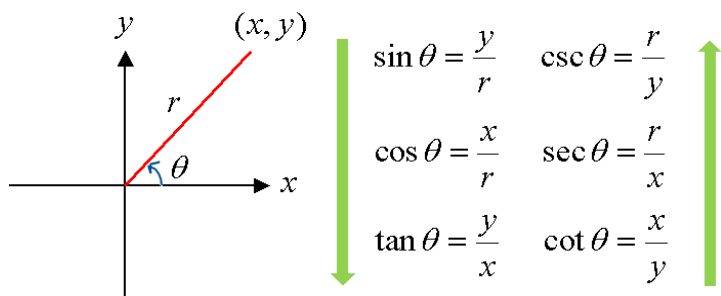
若點 $P(x, y)$ 為有向角 θ 終邊上一點且 $xy \neq 0$ ，則下列何者正確？

- (A) $x \sin \theta > 0$ (B) $y \cos \theta > 0$ (C) $x \cot \theta > 0$ (D) $y \csc \theta > 0$

【108C16】

Ans : (D)

key :



※ $r = \sqrt{x^2 + y^2} > 0$

設三角形三邊長分別為 5、6、7，若三角形面積為 A ，內切圓半徑為 r ，則 $A \cdot r = ?$

- (A) 24 (B) 35 (C) 105 (D) 210

【107C07】

Ans : (A)

key : 海龍公式 $\rightarrow s = \frac{a+b+c}{2}$, $\Delta = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$

內切圓半徑 $r = \frac{\Delta}{s}$

$$\cos 0^\circ + \cos 10^\circ + \cos 20^\circ + \cos 30^\circ + \cdots + \cos 350^\circ + \cos 360^\circ = ?$$

- (A) 0 (B) 1 (C) 2 (D) 3

【107C08】

Ans : (B)

$$\text{key : } \cos(180^\circ - \theta) = -\cos \theta \ ; \ \cos(180^\circ + \theta) = -\cos \theta \ ; \ \cos(360^\circ - \theta) = \cos \theta$$

若 $\tan \theta \csc \theta = -1 + 6 \cos \theta$ ，其中 θ 為第三象限角時，則 $\tan \theta = ?$

- (A) $2\sqrt{2}$ (B) $\sqrt{3}$ (C) $-\sqrt{3}$ (D) $-2\sqrt{2}$

【106C02】

Ans : (A)

key：商數關係 $\rightarrow \tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta}$ ；倒數關係 $\rightarrow \csc \theta = \frac{1}{\sin \theta}$

第三象限 $\rightarrow \cos \theta < 0$ 、 $\sin \theta < 0$ 、 $\tan \theta > 0$

求 $\sin^2 18^\circ + \sin^2 36^\circ + \sin^2 54^\circ + \sin^2 72^\circ + \sin^2 90^\circ = ?$

- (A) 2 (B) 2.5 (C) 3 (D) 3.5

【106C03】

Ans : (C)

Ans : 餘角關係 $\rightarrow \sin(90^\circ - \theta) = \cos \theta$; 平方關係 $\rightarrow \sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$

設三角形的三邊長為 7、24、25，其內切圓半徑為 r ，外接圓半徑為 R ，求 $\frac{r}{R} = ?$

- (A) 0.12 (B) 0.24 (C) 0.25 (D) 0.48

【106C05】

Ans : (B)

key : $s = \frac{a+b+c}{2} \rightarrow$ 內切圓半徑 $r = \frac{\Delta}{s}$; 外接圓半徑 $R = \frac{abc}{\Delta}$

設 $\triangle ABC$ 三內角 $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 的對應邊分別為 a 、 b 、 c ，且 $\sqrt{a^2 - 3bc} = b - c$ ，求 $\angle A$ 之值。

- (A) $\frac{\pi}{2}$ (B) $\frac{2\pi}{3}$ (C) $\frac{3\pi}{4}$ (D) $\frac{5\pi}{6}$

【105C03】

Ans：(B)

key：乘法公式 $\rightarrow (b-c)^2 = b^2 - 2bc + c^2$

餘弦定理 $\rightarrow \cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$

$\cos(\pi - \theta) = -\cos \theta$

設 $\sec \theta + \csc \theta = 1$ ，求 $\sec \theta \csc \theta$ 之值。

- (A) $\sqrt{2} + 1$ (B) $\sqrt{2} - 1$ (C) $-\sqrt{2} - 1$ (D) $-\sqrt{2} + 1$

【105C04】

Ans：(C)

key：倒數關係 $\rightarrow \sec \theta = \frac{1}{\cos \theta}$ 、 $\csc \theta = \frac{1}{\sin \theta}$

一元二次方程式 $ax^2 + bx + c = 0$ 根的公式 $\rightarrow x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$

已知 $\sin \theta = \frac{\sqrt{3}-1}{2}$ ，則 $\frac{\sin \theta}{1+\cos \theta} + \frac{\sin \theta}{1-\cos \theta} = ?$

- (A) $2(\sqrt{3}-1)$ (B) $4(\sqrt{3}-1)$ (C) $2(\sqrt{3}+1)$ (D) $4(\sqrt{3}+1)$

【104C06】

Ans : (C)

key : 乘法公式 $\rightarrow (x+y)(x-y) = x^2 - y^2$

平方關係 $\rightarrow \sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$

已知三角形的三邊長分別為 3 公分、3 公分、4 公分，則此三角形之外接圓半徑為何？

- (A) $\frac{2\sqrt{5}}{5}$ (B) $\frac{3\sqrt{5}}{5}$ (C) $\frac{7\sqrt{5}}{10}$ (D) $\frac{9\sqrt{5}}{10}$

【104C24】

Ans：(D)

key：海龍公式 $\rightarrow s = \frac{a+b+c}{2}$ ， $\Delta = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$

外接圓半徑 $R = \frac{abc}{4\Delta}$

在 $\triangle ABC$ 中，設三邊長之比 $\overline{AB}:\overline{BC}:\overline{CA}=7:5:3$ ，則 $\triangle ABC$ 之最大內角為何？

- (A) 75° (B) 90° (C) 120° (D) 135°

【103C09】

Ans：(C)

key：餘弦定理 $\rightarrow \cos C = \frac{a^2 + b^2 - c^2}{2ab}$

若 $\triangle ABC$ 中， $\overline{AB}=5$ 、 $\overline{BC}=9$ 、 $\overline{CA}=10$ ，則 $\cos(\angle A + \angle B) = ?$

- (A) $-\frac{13}{15}$ (B) $-\frac{7}{15}$ (C) $\frac{7}{15}$ (D) $\frac{13}{15}$

【102C06】

Ans：(A)

key： $\cos(180^\circ - \theta) = -\cos \theta$

$$\text{餘弦定理} \rightarrow \cos C = \frac{a^2 + b^2 - c^2}{2ab}$$

已知 θ 為第三象限角，且 $\tan \theta = \frac{3}{4}$ ，則 $\frac{2\sin \theta - 1}{3 + 4\cos \theta} = ?$

- (A) $\frac{1}{31}$ (B) $\frac{13}{7}$ (C) 11 (D) 31

【102C12】

Ans : (C)

key : 第三象限 $\rightarrow r = \sqrt{x^2 + y^2} > 0$ 、 $x < 0$ 、 $y < 0$

$$\tan \theta = \frac{y}{x} , \sin \theta = \frac{y}{r} , \cos \theta = \frac{x}{r}$$

試問下列哪一個三角函數值與 $\sec 250^\circ$ 相等？

- (A) $-\csc 70^\circ$ (B) $-\sec 110^\circ$ (C) $-\sec 340^\circ$ (D) $-\csc 160^\circ$ **【101C14】**

Ans : (D)

key : $\csc(90^\circ - \theta) = \sec \theta$; $\sec(180^\circ + \theta) = -\sec \theta$; $\sec(180^\circ - \theta) = -\sec \theta$; $\sec(360^\circ - \theta) = \sec \theta$

$$\csc(90^\circ + \theta) = \sec \theta$$

$$\sin^2 210^\circ + \cos^2 570^\circ + \sec^2 930^\circ - \tan^2 1290^\circ + \csc^2 1650^\circ - \cot^2 2010^\circ = ?$$

- (A) -1 (B) 1 (C) $\frac{3}{2}$ (D) 3

【101C2I】

Ans : (D)

key : 同界角 $\rightarrow \theta - \varphi = 360^\circ \times k$ (k 為整數)

平方關係 $\rightarrow \sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$ 、 $\sec^2 \theta - \tan^2 \theta = 1$ 、 $\csc^2 \theta - \cot^2 \theta = 1$

$\triangle ABC$ 中，若 $\overline{BC} = \sqrt{13}$ ， $\overline{AC} = 3$ ， $\angle A = 60^\circ$ ，則 $\cos C$ 之值為何？

- (A) $-\frac{2\sqrt{3}}{\sqrt{13}}$ (B) $-\frac{1}{\sqrt{13}}$ (C) $\frac{1}{\sqrt{13}}$ (D) $\frac{2\sqrt{3}}{\sqrt{13}}$

【101C22】

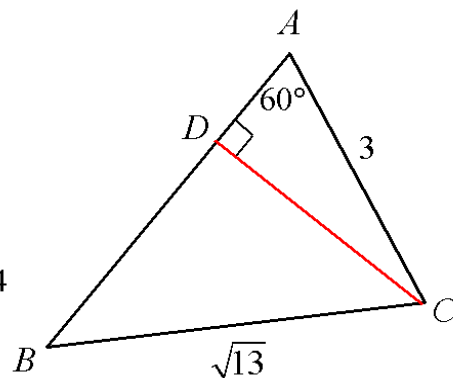
Ans : (C)

key : 正弦定理 $\rightarrow \frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B}$

作圖 $\rightarrow \overline{AD} = \frac{3}{2}$ 、 $\overline{CD} = \frac{3\sqrt{3}}{2}$

$\sin B = \frac{3\sqrt{3}}{2\sqrt{13}} \rightarrow \cos B = \frac{5}{2\sqrt{13}} \rightarrow \overline{BD} = \frac{5}{2} \rightarrow \overline{AB} = 4$

餘弦定理 $\rightarrow \cos C = \frac{a^2 + b^2 - c^2}{2ab}$



已知 $0 \leq \alpha, \beta \leq \pi$ 。下列個選項中，何者恆為正確？

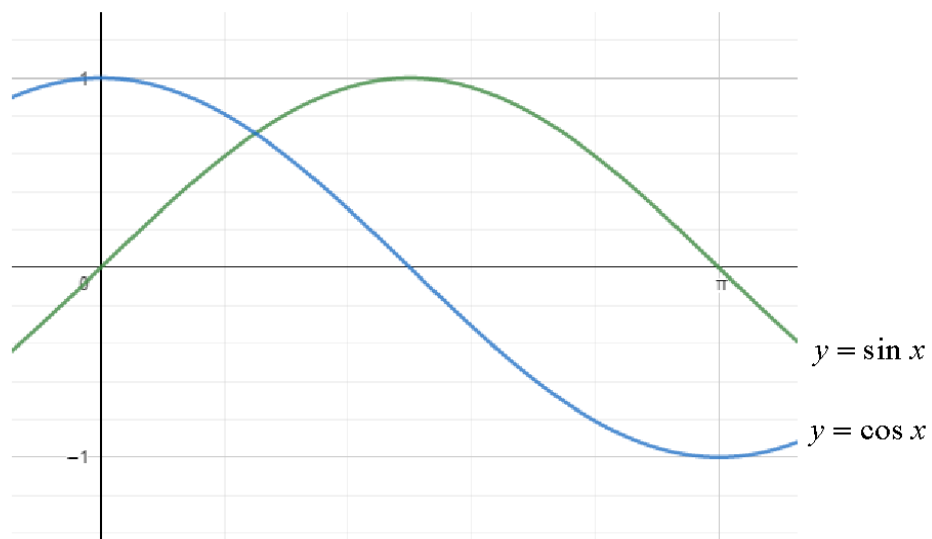
(A) 若 $\cos \alpha = \cos \beta$ ，則 $\alpha = \beta$ (B) 若 $\cos(\alpha - \beta) = 0$ ，則 $\alpha = \beta$

(C) 若 $\sin \alpha = \sin \beta$ ，則 $\alpha = \beta$ (D) 若 $\sin(\alpha - \beta) = 0$ ，則 $\alpha = \beta$

【100C08】

Ans : (A)

key :



下列各三角函數值，何者數值最小？

- (A) $\sin 885^\circ$ (B) $\cos (-430^\circ)$ (C) $\tan 131^\circ$ (D) $\sin (-2010^\circ)$

【99C03】

Ans：(C)

key：同界角 $\rightarrow \theta - \varphi = 360^\circ \times k$ (k 為整數)

$$\sin(180^\circ - \theta) = \sin \theta ; \cos(360^\circ - \theta) = \cos \theta ; \tan(180^\circ - \theta) = -\tan \theta$$

設 A 、 B 、 C 為一圓之圓周上三點，若 $\overline{AB}=4$ 、 $\overline{BC}=6$ 、 $\overline{CA}=8$ ，則該圓之面積為何？

- (A) $\frac{256}{15}\pi$ (B) $\frac{256}{13}\pi$ (C) $\frac{81}{4}\pi$ (D) $\frac{81}{2}\pi$ 【99C14】

Ans：(A)

key：海龍公式 $\rightarrow s = \frac{a+b+c}{2}$ ， $\Delta = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$

外接圓半徑 $R = \frac{abc}{4\Delta} \rightarrow \text{圓面積} = \pi R^2$

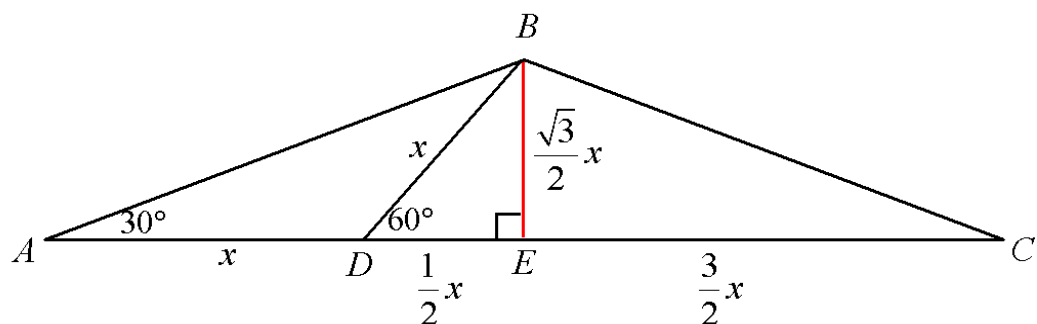
在 $\triangle ABC$ 中，若 D 點在線段 $\overline{AC}$ 上且 $\overline{AD}:\overline{DC}=1:2$ ，又 $\angle BAD=30^\circ$ ， $\angle BDC=60^\circ$ ，則 $\angle DCB$ 的角度為何？

- (A) 30° (B) 45° (C) 60° (D) 75°

【99C22】

Ans：(A)

key：作圖 →



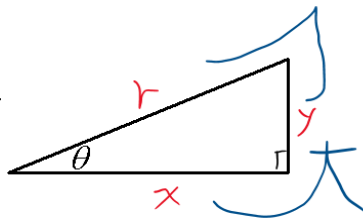
若 $\sin 230^\circ = k$ ，則 $\tan 50^\circ = ?$

- (A) $-\frac{\sqrt{1-k^2}}{k}$ (B) $-\frac{k}{\sqrt{1-k^2}}$ (C) $-\sqrt{1-k^2}$ (D) $-\frac{1}{\sqrt{1-k^2}}$

【98C03】

Ans : (B)

key : $\sin(180^\circ + \theta) = -\sin \theta ; r = \sqrt{x^2 + y^2}$



已知四邊形 $ABCD$ (按順序)中， $\overline{AB}=8$ ， $\overline{BC}=5$ ， $\overline{AD}=3$ ，且 $\angle ABC = \angle ADC = 60^\circ$ ，則 $\overline{CD}$ 之長為多少？

- (A) 5 (B) 6 (C) 7 (D) 8

【98C04】

Ans：(D)

key：餘弦定理 $\rightarrow b^2 = c^2 + a^2 - 2ca \cos B$